Un développement limité

Théorème 1. exp : $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ admet pour développement limité en 0 :

$$\exp(x) = 1 + x + x^2/2 + o(x^2)$$

 $D\acute{e}monstration$. On fait le développement de Taylor de exp en 0 qui est C^2 :

$$\exp(x) = 1 + x + x^2/2 + o(x^2)$$

Références:

— Gourdon - Analyse

Remarques: On pourrait faire le développement à l'ordre 3 mais ce serait beaucoup plus long et puis 2 c'est déjà pas mal.